

3.4 Probleme außerhalb NP

Speicherkomplexitätsklassen

$PSPACE = \{ L \mid L \text{ akzeptiert von DTM mit polynomieller Speicherkomplexität} \}$
 $NPSPACE = \{ L \mid L \text{ akzeptiert von NTM mit polynomieller Speicherkomplexität} \}$

Es gilt:

$$PSPACE = NPSPACE$$

Definition. Eine Sprache L heißt *PSPACE-hart*, wenn $L' \leq_p L$ für alle $L' \in PSPACE$ gilt. L heißt *PSPACE-vollständig*, wenn $L \in PSPACE$ und L PSPACE-hart ist.

Beispiel

Das Wortproblem für kontext-sensitive Sprachen ist PSPACE-vollständig.

Es gilt:

Zu jeder berechenbaren totalen Funktion $t : \mathbb{N}_0 \rightarrow \mathbb{N}_0$ gibt es eine entscheidbare Sprache L , so dass für jede TM M mit $L(M) = L$ gilt: $t_M(n) > t(n)$.

Bemerkungen

In der Praxis sind schwierige Probleme ($\notin P$) oft von großer Wichtigkeit. Ansätze zur praktischen Lösung:

- Spezielle algorithmische Methoden, die gewisse Praxisziele erreichen (z.B. dynamisches Programmieren, branch-and-bound-Methoden).
- Probabilistische Verfahren (richtiges Ergebnis oder brauchbare Komplexität nur mit geringer Wahrscheinlichkeit).
- Näherungsverfahren (z.B. Traveling-Salesman: "suboptimale Reiserouten").